

Iranian Journal of Insurance Research

(IJIR)



Homepage: https://ijir.irc.ac.ir/?lang=en

ORIGINAL RESEARCH PAPER

A new probabilistic model of portfolio optimization based on insurer's liability in life insurance contracts

S. Sarbazalipour, A. Fallah*

Department of Statistics, Imam Khomeini International University, Qazvin, Iran

ARTICLE INFO

Article History

Received: 16 October 2012 Revised: 10 November 2012 Accepted: 27 January 2014

Keywords

Portfolio management;
Optimization; Life insurance.

ABSTRACT

In this article, a new probabilistic model is proposed to optimize the portfolio of assets based on the insurer's obligations. Unlike other existing models, the proposed model takes into account the randomness of the amount paid and received from policyholders and the return on assets. In order to evaluate the proposed model and compare it with the well-known model of Markowitz (1952), a simulation study has been designed and implemented to optimize the portfolio of assets. Also, to show the effectiveness of the proposed model in the real world, the data related to the global price of gold and iron ore have been used. The results indicate the acceptable efficiency of the proposed model, so that the amount of return and risk of assets during the investment period is more favorable for the proposed model.

*Corresponding Author:

Email: fallah@ikiu.ac.ir DOI: 10.22056/ijir.2013.04.03



نشريه علمي پژوهشنامه بيمه



سایت نشریه: https://ijir.irc.ac.ir/?lang=fa

مقاله علمي

یک مدل احتمالاتی جدید برای بهینهسازی سبد داراییها در قراردادهای بیمه عمر بر مبنای تعهدات بیمه گر

ساجده سرباز على پور، افشين فلاح

گروه آمار، دانشگاه بین المللی امام خمینی، قزوین، ایران

چگیده:	اطلاعات مفاله
در این مقاله یک مدل احتمالاتی جدید برای بهینهسازی سبد داراییها بر مبنای تعهدات بیمه گر پیشنهاد	تاریخ دریافت: ۲۵ مهر ۱۳۹۱
شده است. برخلاف سایر مدلهای موجود، مدل پیشنهادی، ماهیت تصادفی میزان پرداختی و دریافتی از	تاریخ داوری: ۲۰ آبان ۱۳۹۱
بیمهگذاران و بازده داراییها را به خوبی مد نظر قرار میدهد. به منظور ارزیابی مدل پیشنهادی و مقایسه	تاریخ پذیرش: ۰۷ بهمن ۱۳۹۲
آن با مدل شناختهشده مارکویتز (۱۹۵۲)، برای بهینهسازی سبد داراییها، مطالعهای شبیهسازی طراحی و	
اجرا شده است. همچنین برای نشاندادن کارایی مدل پیشنهادی در دنیای واقعی، از دادههای مربوط به	كلمات كليدي
قیمت جهانی طلا و سنگ آهن استفاده شده است. نتایج حاکی از کارایی قابل قبول مدل پیشنهادی است،	مدیریت داراییها و بدهیها
به گونهای که مقدار بازده و ریسک داراییها در طول مدت سرمایه گذاری برای مدل پیشنهادی مطلوب تر	بهینهسازی
است.	بيمه عمر

*نویسنده مسئول:

ایمیل: fallah@ikiu.ac.ir

DOI: 10.22056/ijir.2013.04.03

ساجده سرباز على پور و افشين فلاح

مقدمه

مدیریت سبد داراییها در هر شرکتی به معنی تحلیل نقاط ضعف، قوت و فرصتهای مربوط به طیف گستردهای از فعالیتهای مالی آن شرکت است. گام اصلی در مدیریت سبد داراییها یافتن ترکیبی از داراییها به گونهای است که بتواند نیازهای سرمایهگذاری دارد. در برخی شرکتها هدف از تعیین سبد دارایی بهینه بستگی به زمینه فعالیت شرکت و هدف صاحبان سرمایه از سرمایهگذاری دارد. در برخی شرکتها هدف از سرمایهگذاری، کسب سود و تأمین سرمایه برای فعالیتهای آتی شرکت مانند گسترش بخشهای جدید، ایجاد شعب و ... است. در این شرکت سرمایهگذاری به نحو صحیح انجام نگیرد، به فعالیتهای جاری و اعتبار شرکت لطمه زیادی وارد نمی کند. بنابراین تنها تعیین میزان ریسک بازارهای مالی و بازده داراییها برای تعیین سبد دارایی بهینه، کافی است. در برخی دیگر از شرکتها، هدف تنها کسب سود نیست و شرکت باید به گونهای سرمایهگذاری کند که بتواند از عهده تعهدات خویش در آینده برآید، اعتبار خود را در بین مشتریان و سهامداران حفظ شرکت باید به گونهای سرمایهگذاری کند که بتواند از عهده تعهدات خویش در آینده برآید، اعتبار خود را در بین مشتریان و سهامداران حفظ بنابراین ارزیابی و مدیریت همزمان ریسک داراییها و بدهیها و انتخاب نحوه سرمایهگذاری داراییها در بازارهای مالی با توجه به بدهیهای شرکت امری مهم و ضروری است. فرایند کنترل همزمان ریسک داراییها و بدهیها تحت عنوان مدیریت داراییها و بدهیهای مرتبط با داراییها و بدهیهاست، بهنحوی که شرکت بتواند با توجه به محدودیتهای موجود به اهداف مالی خود دست یابد. مدیریت داراییها و بدهیها در بسیاری از صنایع مانند بانک، بیمه و صندوقهای مستمری که با حجم موجود به اهداف مالی خود وجوه نقد و بدهیها به عنوان جریان ورود وجوه نقد و بدهیها در وجیان خروج وجوه نقد تلقی میشوند.

مدل بندی و بهینه سازی سبد داراییها با تکیه بر مدلهای آماری را اولین بار مار کویتز ٔ مطرح کرد. الگوی میانگین – واریانس مار کویتز ، الگویی کلاسیک برای بهینه سازی و پایه ای برای نظریه مدرن سبد داراییهاست. در این الگو میانگین و واریانس به ترتیب معیارهایی برای اندازه گیری بازده و ریسک محسوب می شوند. مار کویتز ٔ شش معیار اندازه گیری ریسک از جمله انحراف استاندارد، نیمواریانس، مقدار زیان مورد انتظار، قدر مطلق انحراف از میانگین، احتمال زیان و ماکسیمم زیان را معرفی نمود. لوی ٔ نشان داد که نظریه مار کویتز در بلند مدت کارایی لازم را ندارد و بحث تنوع بخشی به زمان را مطرح کرد. وی پیشنهاد نمود که نحوه سرمایه گذاری در سهام مطابق با قاعده ای سر انگشتی صورت گیرد. این قاعده تنها زمان را به عنوان عامل مؤثر در انتخاب نحوه سرمایه گذاری در نظر گرفته و تأثیر عاملهای دیگر را نادیده می گیرد. ساموئلسون ٔ چهار چوب چند دوره ای را در زمانهای گسسته معرفی کرد. وی از برنامه ریزی چند دوره ای بازگشتی برای مدل بندی مطلوبیت در زمان گسسته استفاده کرد و با ماکسیمم کردن امید ریاضی این تابع نشان داد که سبد دارایی بهینه با سرمایه گذاری درصد مشخصی از سرمایه در هر دوره (بدون توجه به سرمایه اولیه) به دست می آید. فیشر و ویل ٔ مدلی را بر پایه مدل ردینگتون ٔ و با حذف فرض همواربودن منحنی بازده ارائه نمودند. شین ٔ مدل فیشر و ویل را برای حالتی که شوکهای نرخ بهره تابعی از زمان هستند، تعمیم داد. مرتون ٔ مدل ساموئلسون این است که فرض می کند به شرط ثابت بودن ریسک گریزی، تصمیم به زمانهای پیوسته تعمیم داد. ویژگی قابل توجه مدل ساموئلسون این است که فرض می کند به شرط ثابت بودن ریسک گریزی، تصمیم به مصرف و سرمایه گذاری مستقل از هم هستند. دانت گست دارایی استفاده از روشهای تصادفی برای مدل بندی دارایی ها و بدهیها ارزیابی کرد. زیمبا و مصرف و سرمایه گذاری و تأید قرار دادند. دانت که شرک مدریت دارایی ها و بدهیها ارزیابی کرد. زیمبا و بدهیها را مورد بررسی و تأیید قرار دادند. دانتریگ ٔ مدل می برنامه ریزی تصادفی ٔ را در مدیریت دارایها و بدهیها ارزیابی کرد. زیمبا و

¹. Portfolio Management

². Asset-Liability Management (ALM)

³. Markowitz, 1952

^{4.} Markowitz, 1959

⁵. Levy, 1994

^{6.} Samuelson, 1969

⁷. Fisher and Weil, 1971

^{8.} Redington

⁹. Shin, 1987

¹⁰. Merton, 1990

¹¹. Jenssen, 1993 and 1994

¹². Smink. 1994

^{13.} Dantzig, 1955

¹⁴. Stochastic Programming

نشریه علمی پژوهشنامه بیمه دوره ۲، شماره ۴، پاییز ۱۳۹۲، شماره پیایی ۶، ص ۳۲۹–۳۴۱

کاسی این مدل را برای مدیریت داراییها و بدهیها در بانک، مالوی برای تخصیص منابع، زینوس و نیلسن و زینوس برای مدیریت سبد داراییها با درآمد ثابت، هیلی و همکاران برای مدیریت داراییها و بدهیها در صندوقهای مستمری مورد استفاده قرار دادند. کارینو و همکاران مدیریت دارایی و بدهی در بیمه عمر و آتش سوزی یاسودا ارائه کردند. برنان و همکاران کاربرد مدل کنترل بهینه و چنددورهای را در مدیریت داراییها و بدهی ها مطرح کردند. از آنجا که معیاری برای اندازه گیری دقت و نیکویی برازش این مدلها تعریف نشده است، نمی توان با قطعیت در مورد برتری یک مدل بر مدلهای دیگر سخن گفت. با این وجود برخی از محققین درباره میزان سازگاری این مدلها با دادههای واقعی تحقیقاتی را انجام دادهاند. از جمله نورتن با ارائه مثالی نشان داد فرضیه اصلی اجرای مدل کلاسیک مارکویتز که خطی بودن رابطه بین بازده داراییهاست، در فواصل زمانی ماهانه و فصلی برقرار نیست. به همین دلیل، کاربرد این مدل در بازههای زمانی یاد شده مناسب نیست. تغییر مقیاس اندازه گیری ریسک در مدل مارکویتز از واریانس به معیارهای ریسک چارکی از مانند ارزش در معرض خطر از جمله نظریههایی است که در بسیاری از تحقیقات بهینهسازی سبد داراییها مطرح شده است. از جمله این تحقیقات می توان به باسک و شاپیرو، ۱۲ ابراگیمو، ۱۳ الکساندر و بابتیستا و الکساندر و همکاران ۱۵ اشاره کرد.

بیمه عمر یکی از مهم ترین شاخههای بیمه در اغلب کشورهاست. قرارداد بیمه عمر برای اولین بار در حدود ۲۰۰۰ سال پیش در روم قدیم مطرح شد. اولین شرکت بیمه عمر رسمی در سال ۱۷۵۹ در آمریکا تشکیل شد. قرارداد بیمه عمر از چهار جزء بیمه شده، بیمه گذار و ذی نفع تشکیل می شود. در این قرارداد، بیمه گر متعهد می شود که در ازای دریافت حق بیمه از بیمه گذار در صورت وقوع شروط مندرج در قرارداد مبلغی را به ذی نفع پرداخت نماید. محاسبه میزان حق بیمه ای که فرد دریافت می کند بر مبنای احتمالهای مرگ و فسخ قرارداد و نرخ بهره صورت می گیرد. از آنجاکه شرایط بازار در اغلب موارد ثبات کافی ندارد و همچنین مرگ انسانها و حتی تصمیم آنها به فسخ قرارداد ماهیتی تصادفی دارد، در سالهای اخیر تلاشهای زیادی برای گسترش مدلهای تصادفی برای اجرای ALM در قراردادهای بیمه عمر صورت گرفته است، که از جمله این تلاشها می توان به بریز و وارن ۱۶۰ گریسن و جرگنسن و میلترسن ۱۵ فلیس و موریکنی ۱۹ و گرستنر و همکاران ۲۰ اشاره کرد.

مشکلی که در الگوهای مدیریت داراییها و بدهیها وجود دارد، عدم توجه به نحوه سرمایه گذاری دارایی و نقش و اهمیت آن در رسیدن به اهداف مورد نظر این الگوهاست. همچنین مشکل اغلب مدلهای بهینهسازی سبد داراییها این است که بهینهسازی بدون توجه به تعهدات شرکت و تنها با تکیه بر میزان بازده و ریسک داراییها در لحظه آغازین سرمایه گذاری صورت می گیرد. انتخاب مدل سرمایه گذاری بهینه با تکیه بر میزان داراییها و بدهیها در صنعت بیمه، می تواند در کمینه کردن حق بیمه دریافتی از بیمه گذار، بیشینه کردن سود پرداختی به سهام-داران یا کمینه کردن میزان ذخیره ریاضی مؤثر باشد. در اغلب مطالعاتی که در زمینه مدیریت داراییها و بدهیها صورت گرفته، هدف استفاده

¹. Ziemba and Kusy

². Mulvey, 1992

³. Zenios, 1995

⁴. Nielsen and Zenios, 1996

⁵. Hilli et al., 2007

⁶. Carino et al., 1998

⁷. Russell-Yasuda Kasai

^{8.} Brennan et al., 1997

⁹. Optimal Control

¹⁰. Norton, 2009

¹¹. Quartile Risk Measures

^{12.} Basak and Shapiro, 1999

¹³. Ibragimor, 2000

¹⁴. Alexander and Babtista, 2002

¹⁵. Alexander et al., 2008

¹⁶. Briys and Varenne, 1997

¹⁷. Grsen and Jorgensen, 2000

^{18 .} Persson and Miltersen, 2003

¹⁹. Felice and Moriconi, 2005

²⁰. Gerstner et al., 2008

یک مدل احتمالاتی جدید برای بهینهسازی سبد داراییها در قراردادهای بیمه عمر بر مبنای تعهدات بیمهگر

از مدلهای پیشبینی و مدلبندی داراییها و بدهیها این است که مقدار سهم سهامداران به گونهای تخصیص داده شود که عدم قطعیت موجود در داراییها و بدهیها در آن لحاظ شود. هدف این مقاله، ارائه رویکردی جدید در مدیریت داراییها و بدهیها از طریق ترکیب مدل بندی داراییها و بدهیها و بهینهسازی سبد داراییها به گونهای است که مقدار سهم سهامداران ماکسیمم شود. همچنین این مقاله در پی آن است که راهکاری مبتنی بر استفاده از یک مدل احتمالاتی برای بهینهسازی سبد داراییها ارائه دهد که بتواند با درنظرگرفتن عدم حتمیت موجود در مؤلفههای گوناگون مؤثر بر بهینهسازی، در مقایسه با مدلهای رقیب کاراتر باشد. در این مقاله مدلی احتمالاتی برای سرمایه گذاری بهینه بر مبنای تعهدات شرکت ارائه شده است که برخلاف سایر مدلهای موجود، ماهیت تصادفی میزان مطالبات و میزان دریافتی از بیمه-گذاران و بازده داراییها را نیز مد نظر قرار میدهد. به کمک یک مطالعه شبیهسازی، تأثیر این بهینهسازی بر نحوه تخصیص منابع هنگام اجرای الگوی مدیریت دارایی و بدهی ارزیابی و نتایج حاصل از مدل مارکویتز مقایسه شده است. در انتها نیز کارایی این دو مدل با استفاده از دادههای مربوط به قیمت جهانی طلا و سنگ آهن ارزیابی شده است. نتایج نشان میدهند که در طول مدت سرمایه گذاری، مدل پیشنهادی نسبت به مدل مارکویتز عملکرد بهتری دارد.

رهیافتهای مختلف مدیریت داراییها و بدهیها

چهارچوب مدل ALM همانند دیگر مدلهای مدیریتی دارای اجزای متصل به هم است که می توان آنها را در سه جزء جمع آوری و ذخیره—سازی داده ها، استفاده از ابزار مدیریت و اندازه گیری ریسک و ارائه نتایج خلاصه کرد. انتخاب الگوی مناسب، یکی از مسائل مهم در اجرای ALM است و به دیدگاه مدیران ریسک نسبت به زمان و عاملهای ریسک بستگی دارد. محور زمان ممکن است ساختاری تک دورهای یا چند دورهای داشته باشد. در حالت اول فرض می شود که تنها لحظه t=0 برای شبیه سازی مهم است و شبیه سازی به صورت تک دوره ای صورت می گیرد. در ساختار چند دورهای، دوره تحت بررسی به بازه های زمانی مجزا تقسیم می شوند و فرض می شود که در هر دوره تغییراتی در ساختار سبد رخ می دهد. به همین ترتیب عاملهای ریسک می توانند به صورت ایستا یا تصادفی در نظر گرفته شوند. تحت فرض ایستایی عاملهای ریسک مانند شرایط اقتصادی، بازده داراییها و نرخ بهره در وضعیت کنونی باقی می مانند و تغییر چندانی در آنها رخ نمی دهد. مدلهای تصادفی فرض می کنند که وابسته به زمان است. الگوهای کوست کوست کوست ایستا و چند دوره ای پویا دسته بندی کرد (Zenios and را می توان به چهار گروه تک دوره ای ایستا شامل راهکارهای مصون سازی "، تخصیص" و مدیریت فاصله" هستند. الگوی مصون سازی قصد کارد تا سبدی را تشکیل دهد که نسبت به تغییرات نرخ بهره حساسیت نشان ندهد (Redington, 1952). این الگو از معیار ریسک بقا استفاده می کند که میزان حساسیت بر تفوی را نسبت به تغییرات نرخ بهره اندازه گیری می کند. شاخص بقا به این صورت تعریف می شود:

$$D_{Mac} = \frac{\sum_{t=1}^{T} \frac{t \times CF_t}{(1 + R_0)^t}}{\sum_{t=1}^{T} \frac{CF_t}{(1 + R_0)^t}}$$

t میزان جریان نقدی در زمان: CF_t

نرخ بهره ثابت. R_0

الگوی تخصیص بیان می کند که سرمایه گذاری داراییها باید به نحوی صورت گیرد که میزان بدهیها و داراییها تا حد امکان بر هم منطبق شوند. به عبارت دیگر، باید سبدی از داراییهایی تشکیل شود که الگوی جریانات نقدی آنها مطابق با الگوی جریانات نقدی بدهیها باشد. این استراتژی در بیمههای عمر کوتاهمدت کاربرد دارد که میزان جریانات نقدی با مدلهای نسبتاً سادهای برآورد می شوند. این الگو از معیار ریسک تحدب بهره اندازه گیری می کند که میزان تغییر در بقا را به ازای یک واحد تغییر در نرخ بهره اندازه گیری می کند. الگوی مدیریت فاصله سعی می کند مقدار اختلاف بین میزان داراییها و بدهیها را حداقل نماید. مدل سرمایه گذاری بدهی گرا^۶ مدل نسبتاً جدیدی است که برای مدیریت داراییها

¹. Immunization

². Dedication

³. Gap Management

⁴. Duration

^{5.} Convexity

⁶. Liability Driven Investment (LDI)

ساجده سرباز على پور و افشين فلاح

و بدهیها در صندوقهای مستمری به کارمیرود. این مدل برآوردی از میزان بدهیها در بلندمدت بهدستمیدهد و سرمایه گذاری بر مبنای این پیشبینی صورت می گیرد.

الگوی میانگین واریانس کلاسیک به راهکارهای تک دورهای تصادفی تعلق دارد. چامبرز و چارنز و کوهن و هامر از جمله افرادی هستند که الگوهای چند دورهای ایستا را گسترش دادند. مدلهای چند دورهای ایستا در عمل کاربرد ندارند. بنابراین به مرور زمان با راهکارهای چند دورهای پویا دورهای پویا جایگزین شدند. قواعد تصمیم تعلیل سناریو و تعلیل سناریو می کنترل بهینه تصادفی و برنامه ریزی تصادفی از جمله الگوهای چند دورهای پویا هستند. پرولد و شارپه مالوی و چن و تریمبا بولدر و زنیوس از اشخاصی هستند که الگوهای چند دورهای پویا را توسعه دادند. مدلی که در این مقاله ارائه می شود، مدلی تصادفی و یک مرحله است.

مدل بهینهسازی سبد داراییهای مارکویتز

مارکویتز مدلی برای یافتن سبد دارایی بهینه ارائه کرد که در دو مرحله انجام می گیرد. در مرحله اول مجموعهای از سبدهای مجاز انتخاب می شود و در مرحله بعد سرمایه گذار مجموعهای را انتخاب می کند که برای وی خوشایندتر است. برای اجرای مرحله اول، میزان ریسک و بازده مربوط به هر دارایی اندازه گیری و دارایی هایی انتخاب می شوند که دارای ریسک کمتر و بازده بیشتری هستند. در مدل مارکویتز از این فرض استفاده می شود که سرمایه گذاران تمایل دارند مطلوبیت مورد انتظار خود را از میزان دارایی در دسترس حداکثر نمایند. بنابراین، در مرحله دوم تابع مطلوبیت سرمایه گذار مدل بندی و در نهایت سبدی انتخاب می شود که بالاترین مطلوبیت را در بیشترین سطح از بازده و کمترین سطح ممکن از ریسک داشته باشد.

اگر n دارایی برای سرمایه گذاری وجود داشته باشد، بهطوری که eta_i درصد سرمایه گذاری سرمایه در دارایی iام باشد، مقدار ریسک و بازده سرمایه گذاری به ترتیب از این روابط بهدستمی آید:

$$\begin{aligned} & \gamma \text{=} (\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \beta_{i} \beta_{j} \sigma_{ij}^{\frac{1}{2}}) \\ & \tau \text{=} \sum_{i=1}^{n} \beta_{i} \, E(R_{i}) \end{aligned}$$

این مقادیر در یک منحنی به نام ریسک- بازده رسم میشوند. در بین داراییهای موجود، داراییهایی که در سطح یکسان ریسک مقدار بازده بیشتری دارند، به عنوان نقاط مجاز سرمایهگذاری انتخاب میشوند. با اتصال این نقاط به هم، مرز کارایی بهدستمیآید. از بین این نقاط، نقطهای که مقدار مطلوبیت بیشتری را برای سرمایهگذار ایجاد کند، به عنوان سبد دارایی بهینه انتخاب میشود. این نقطه از تقاطع بین منحنی بیتفاوتی ریسک- بازده و مرز کارایی بهدستمیآید. در عمل انتخاب سبد دارایی بهینه با تکیه بر مدلبندی ریاضی و نظریههای اقتصادی صورت میگیرد. از نظر منطق اقتصادی، سرمایهگذار ریسکگریز با تابع مطلوبیت نمایی و سرمایه اولیه سیم در صورتی مدل سرمایهگذاری ۱٫۱ را بر ۱٫۲ ترجیح میدهد که این رابطه برقرار باشد:

$$E(U(w_{1t}))>E(U(w_{2t}))$$

:Wt سرمایه نهایی سرمایه گذار.

برهمین اساس زمانی که داراییهای با بازده نرمال برای سرمایه گذاری موجود باشد، درصدهای سرمایه گذاری به گونهای انتخاب میشوند تا مقدار زیر را ماکسیمم کند:

¹. Chambers and Charnes

². Chen and Hammer, 1967

^{3.} Decision Rules

⁴. Scenario Analysis

⁵. Perlod and Sharpe, 1988

⁶. Mulvey and Chen, 1996

⁷. Ziemba, 1994

^{8.} Bolder, 2003

⁹. Zenios and Ziemba, 2006

 τ - $\frac{1}{2}w_0\alpha\gamma^2$

α: ریسک گریزی سرمایه گذار (Norstad, 1999).

انتخاب مقیاس ریسک مناسب یکی از مهمترین مسائل در اجرای مدل مارکویتز است. در مدل پایه مارکویتز واریانس به عنوان مقیاس اندازه گیری ریسک تعریف می شود. قدر مطلق انحراف از میانگین، ارزش در معرض خطر او ارزش در معرض خطر شرطی^۲ معیارهای دیگری هستند که برای اندازه گیری ریسک در این مدل به کارمی روند. تمرکز روی مقیاس ریسک مناسب بدون توجه به این مطلب که آیا مدل مارکویتز در همه موارد کاربرد دارد و فرضیات آن همواره برقرار است، منطقی به نظر نمی رسد. در مدل پایه مارکویتز تغییرات آنی قیمت داراییها در نظر گرفته نمی شود. دمیگول و همکاران (۲۰۰۹) با اشاره به این مطلب، به کمک یک مثال عددی، نشان دادند که این مدل نسبت به تغییرات قیمت، پایدار نیست. مشکل دیگر این مدل تمرکز بر بازده و ریسک مرتبط با داراییها و عدم توجه به ریسک مرتبط با تعهدات شرکت است. بنابراین، استفاده از مدل تصادفی که بتواند تغییرات قیمت را منعکس کند و علاوه برآن معیاری مناسب برای مدل مارکویتز در مواقعی باشد که نوسانات قیمت داراییها زیاد است و همچنین واردکردن میزان بدهی های شرکت ضرورت دارد.

در ادامه یک مدل احتمالاتی جدید برای سرمایه گذاری بهینه پیشنهاد شده است که در آن به عنصر تصادفی بودن مطالبات بیمه گذاران، مقدار دریافتی از بیمه گذاران، مقدار بازده سرمایه گذاری و مقدار دارایی موجود برای سرمایه گذاری اولیه توجه می شود. کاربرد این مدل در بیمه های عمر و نقش و تأثیر آن در سهم سهام داران هنگام مدیریت دارایی ها و بدهی ها نیز مورد ارزیابی قرار می گیرد.

مدیریت داراییها و بدهیها در بیمه عمر

ازآنجاکه ترازنامهها حاوی میزان داراییها و بدهیهای شرکت هستند، نقش مهمی در مدیریت داراییها و بدهیها دارند. ساختار یک ترازنامه برای اجرای ALM در بیمه عمر را میتوان در سادهترین حالت به صورت جدول ۱ نشان داد. مطابق آییننامه شماره ۵۸ در ایران، درصد معینی از سود حاصل از معاملات بیمههای زندگی و سرمایه گذاری ذخایر فنی باید بین بیمه گذاران تقسیم شود. بنابراین مبلغی به عنوان ذخیره مشارکت بیمه گذاران در منافع ذخیره می شود. علاوه بر این مبلغی برای تضمین تعهدات در مقابل خسارات ناشی از حوادث فاجعه آمیز در نظر گرفته می شود. چون مدل محاسبه این ذخایر در شرکتها متفاوت است، نمی توان فرمولی مشخص در مدل بندی آنها در نظر گرفت. ولی در هنگام اجرای ALM با دادههای واقعی، این وجوه نیز باید پیش بینی شوند.

جدول ۱: ترازنامه مالی بیمه عمر	
داراییها	بدهىها
میزان دارایی (R(t	(V_t) ذخیره ریاضی Q_t سهم سهامداران

مدلهای مختلفی برای مدیریت داراییها و بدهیها توسط محققان مختلف از جمله پرسن و میلترسن^۲، فلیس و موریکنی^{1}، گرستنر و همکاران^{0} ارائه شده است. در ادامه به مدلبندی داراییها و بدهیها پرداخته میشود. علاوهبراین مدلی برای سرمایه گذاری بهینه با توجه به مقدار سرمایه موجود برای سرمایه گذاری در هر لحظه از زمان ارائه میشود.

^{1.} Value at Risk (VaR)

². Conditional Value at Risk (CVaR)

^{3.} Persson and Miltersen, 2003

^{4.} Felice and Moriconi, 2005

^{5.} Gerstner et al., 2008

یک مدل احتمالاتی جدید برای بهینهسازی سبد داراییها در قراردادهای بیمه عمر بر مبنای تعهدات بیمهگر

مدل بندی داراییها

فرض کنید که بیمه گر با سرمایه ای برابر با u شروع به کارمی کند. مقدار دارایی در دسترس برای سرمایه گذاری در هر لحظه از زمان از این رابطه بهدست می آید:

$$R(t) = EI + P_t - C_t \tag{1}$$

EI: بازده سرمایه (t-1)؛

P_t: مجموع حق بیمههای دریافتی؛

t مقدار پرداختی به بیمه گذاران در زمان: C_t

فرض می شود که فرد می تواند این مقدار را در n دارایی سرمایه گذاری نماید که شامل دارایی های ریسکی مانند سهام و دارایی های بدون ریسک مانند حساب بانکی است. اگر w_1 w_2 w_3 w_4 وزن سرمایه گذاری و w_1 w_2 w_3 بازده این w_3 بازده این رابطه به دست می آید:

$$r_T = \sum_{i=1}^{n} w_i r_i$$

برای برآورد مقدار بازده در هر لحظه از زمان از مدل قیمت گذاری بلک- شولز استفاده می شود. فرض کنید قیمت سهام که با نماد \hat{S} نشان داده می شود، از زمان \hat{T} تغییر می کند. آنگاه مقدار تغییرات قیمت در این فاصله برابر است با:

 $\Delta S_t = S_{t+\Delta t} - S_t = S_t (\mu_s \Delta t + \sigma_s \Delta W_s(t)); S_0 > 0$

مقدار بازده به صورت ΔS_t الله محاسبه است، که در آن $W_s(t)$ نوفه سفید است.

مدل بندی بدهیها

اگر قراردادهای منعقدشده از نوع بیمه عمر به شرط فوت باشند، برای پیشبینی مقدار ذخیره در آینده بر اساس دادههای گذشته میتوان از مدل بازگشتی استفاده کرد:

$$_{t}^{j}V = \frac{\binom{j}{t-1}V + P_{t-1})(1+i_{r}) - B_{t}^{j}q_{x+t-1}}{1-q_{x+t-1}}$$

i_r: نرخ بهره ثابت؛

بيمه؛ P_{t-1} : مقدار حقبيمه؛

احتمال فوت فرد x+t-1 ساله طى یک سال آینده؛ q_{x+t-1}

ایمهشده. پرداختی به بیمه گذار jام در صورت فوت بیمهشده. $B_{\mathsf{t}}^{\mathsf{J}}$

مقدار ذخیره کل در زمان t از این رابطه بهدستمی آید:

$$_{t}^{T}V=\sum_{i=1}^{J}_{t}^{j}V$$

ل: تعداد قرار دادهای موجود در زمان t.

تخصیص سهم به سهامداران باید به گونهای انجام شود که در نهایت مقدار داراییها و بدهیها یکسان شود. بنابراین مقدار سهم سهامداران در هر لحظه از زمان از تفاوت مقدار دارایی بیمه گر و مقدار ذخیره به دست می آید. به دلیل ماهیت تصادفی مطالبات، محاسبه مقدار دقیق سرمایه در هر لحظه امکان پذیر نیست. ازاین رو، به کمک امید ریاضی میانگین سهم سهامداران در زمان t را می توان از این رابطه به دست آورد: $Q_t = E(R(t)) - V$

377

¹. Black and Scholes, 1973

². White Noise

پیشنهاد مدل احتمالاتی برای بهینهسازی سبد داراییها

در این بخش برای بهینهسازی سبد داراییها، راهکاری مبنی بر استفاده از یک مدل احتمالاتی پیشنهاد شده است. برای انتخاب سبد دارایی بهینه، ترکیبی از داراییها به گونهای انتخاب میشود که مجموع میانگین سهم سهامداران را در پایان یک دوره سرمایه گذاری بلندمدت ماکسیمم نماید، به طوری که ریسک آن در پایین ترین سطح ممکن قرار گیرد. با توجه به رابطه (۲) ماکسیمم کردن مجموع میانگین سهم سهامداران معادل ماکسیمم کردن مجموع میانگین دارایی $\mathbf{E}(\mathbf{R}(t))$ یا مینیمم کردن مجموع میانگین مقدار ذخیره ریاضی \mathbf{I}^{T} است. از آنجاکه معمولاً مقدار ذخیره ریاضی در هر دوره، مقداری ثابت است و از مدلهای استاندارد محاسبات بیمهای محاسبه میشود، ماکسیمم مجموع میانگین سهم سهامداران از ماکسیمم کردن مجموع میانگین دارایی در پایان دوره سرمایه گذاری به دست می آید. مطابق رابطه (۱) مقدار دارایی در هر لحظه از زمان از مجموع مقدار بازده سرمایه گذاری در دوره قبل و مقدار دریافتی منهای مقدار پرداختی در همان لحظه به دست می آید. بنابراین می توان مقدار دارایی در و استفاده از روابط بازگشتی محاسبه نمود. اگر در لحظه $\mathbf{t} = \mathbf{0}$ مقدار سرمایه موجود برای سرمایه گذاری با \mathbf{t} با با باشد، مقدار دارایی در زمان \mathbf{t} را می توان ازاین رابطه به دست آورد:

$$R(t) = u(1+\dot{r})^t + \sum_{j=1}^t I_j (1+\dot{r})^{t-j} - \sum_{j=1}^t O_j (1+\dot{r})^{t-j}$$

r: متغیر تصادفی بازده بر مبنای مدل بلک- شولز؛

i : مقدار دریافتی؛

O_i: مقدار پرداختی در زمان

برهمیناساس میانگین و واریانس مجموع داراییها در پایان دوره سرمایه گذاری برابر است با:

$$\begin{split} &E(\sum_{t=1}^{T}R(t))=u\sum_{t=1}^{T}E((1+\dot{r})^{t})+\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{t}E\left(I_{j}\right)E((1+\dot{r})^{t-j})\\ &-\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{t}E\left(O_{j}\right)E((1+\dot{r})^{t-j}),\\ &Var\left(\sum_{t=1}^{T}R(t)\right)=u^{2}\sum_{t=1}^{T}Var((1+\dot{r})^{t})+\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{t}Var\left(I_{j}(1+\dot{r})^{t-j}\right)\\ &+\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{t}Var\left(O_{j}(1+\dot{r})^{t-j}\right)-2Cov\left(\sum_{t=1}^{T}u(1+\dot{r})^{t},\sum_{j=1}^{t}I_{j}\left(1+\dot{r}\right)^{t-j}\right)\\ &+2Cov\left(\sum_{j=1}^{T}u(1+\dot{r})^{t},\sum_{j=1}^{t}O_{j}\left(1+\dot{r}\right)^{t-j}\right)\\ &+2Cov\left(\sum_{j=1}^{T}I_{j}\left(1+\dot{r}\right)^{t-j},\sum_{j=1}^{t}O_{j}\left(1+\dot{r}\right)^{t-j}\right) \end{split}$$

که در آن:

$$\begin{split} & \text{Var}\big(O_{j}(1+\dot{r})^{t-j}\big) {\cong} E^{2}\big(O_{j}\big) \text{Var}((1+\dot{r})^{t-j}) + E^{2}((1+\dot{r})^{t-j}) \text{Var}\big(O_{j}\big) + \text{Var}((1+\dot{r})^{t-j}) \text{Var}\big(O_{j}\big) \\ & \text{Var}\big(I_{j}(1+\dot{r})^{t-j}\big) {\cong} E^{2}\big(I_{j}\big) \text{Var}((1+\dot{r})^{t-j}) + E^{2}((1+\dot{r})^{t-j}) \text{Var}\big(I_{j}\big) + \text{Var}((1+\dot{r})^{t-j}) \text{Var}\big(I_{j}\big). \end{split}$$

اگر قراردادهای منعقدشده از نوع بیمه عمر به شرط فوت باشد، متغیر تصادفی میزان پرداختی به بیمهگذار به صورت Y=BX تعریف میشود، که در آن X متغیر تصادفی نشانگری به این صورت است:

$$X = \begin{cases} 0 & \text{маг. сар. от 1.} \\ 1 & \text{маг. от 2.} \end{cases}$$
 اگر فرد در زمان تعیین شده فوت کند.

مقدار امید ریاضی Y از رابطه E(Y)=Bq بهدستمی آید، که در آن q احتمال فوت فرد در زمان قیدشده در قرارداد است. برهمین اساس مقدار میانگین و واریانس داراییها را می توان از این روابط محاسبه کرد:

$$\begin{split} &E\left(\sum_{t=1}^{T}R(t)\right) = u\sum_{t=1}^{T}E((1+\dot{r})^{t}) + \sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{t}\sum_{g=1}^{G}P_{j}^{g}p_{j-1}^{g}E((1+\dot{r})^{t-j}) \\ &-\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{t}\sum_{g=1}^{G}B_{j}^{g}(1-p_{j}^{g})E((1+\dot{r})^{t-j}) \\ &Var(\sum_{t=1}^{T}R(t)) \cong u^{2}\sum_{t=1}^{T}Var((1+\dot{r})^{t}) \\ &+\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{T}\sum_{g=1}^{G}\left(\left(P_{j}^{g}\right)^{2}p_{j-1}^{g}(1-p_{j-1}^{g}) + \left(B_{j}^{g}\right)^{2}(1-p_{j}^{g})p_{j}^{g})\right)E(u(1+\dot{r})^{t-j})^{2} \\ &+\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{T}\sum_{t=1}^{G}\left(\left(P_{j}^{g}p_{j-1}^{g}\right)^{2} + \left(B_{j}^{g}(1-p_{j-1}^{g})\right)^{2}\right)Var(u(1+\dot{r})^{t-j}) \\ &-2\sum_{t=1}^{T}\sum_{j=1}^{T}\sum_{g=1}^{G}\left(P_{j}^{g}p_{j-1}^{g} - B_{j}^{g}(1-p_{j-1}^{g})\right)(E(u(1+\dot{r})^{2t-j}) \\ &-E(u(1+\dot{r})^{t-j}))E(u(1+\dot{r})^{t})) \end{split}$$

- P^g: مقدارحقبیمه دریافتی؛
- احتمال زنده ماندن؛ p_{j-1}^g
- B^g; مقدار پرداختی به بیمه گذار؛
- .j احتمال فوت فرد gام در زمان:1- p_i^g

برای انتخاب درصدهای بهینه سرمایه گذاری مقدار $\sum_{t=1}^{T} R(t)$ و $E(\sum_{t=1}^{T} R(t))$ به ترتیب به عنوان معیار ریسک و بازده در نظر گرفته می شوند. سبد بهینه به گونه ای انتخاب می شود که مقدار ضریب تغییرات را که از رابطه زیر محاسبه می شود، مینیمم کند:

$$\sqrt{\operatorname{Var}\left(\sum_{t=1}^{T} R(t)\right)} / E\left(\sum_{t=1}^{T} R(t)\right)$$

مطالعه شبيهسازي

در این بخش به منظور ارزیابی کارایی مدل پیشنهادی در بهینهسازی سبد داراییها، مطالعهای شبیهسازی طراحی و اجرا شده است. همچنین نتایج حاصل از مدل مارکویتز مقایسه شده است. توزیع بازده داراییها از مسائل تأثیرگذار بر مدل بندی و بهینهسازی سبد داراییهاست. خانواده توزیعهای هذلولی تعمیمیافته ۱، خانوادهای بزرگ از توزیعها هستند که برای برازش به دادههای مالی توصیه میشوند (Hansen, 1994; Brannas and Noroman, 2003; Huand Kercheval, 2007). از جمله مهمترین عضوهای این خانواده میتوان به توزیع نرمال الله کارد.

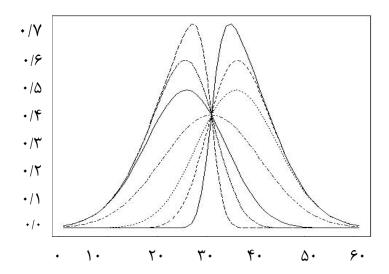
¹. Generalized Hyperbolic Distribution

². T-Student

³. Skew-t Distribution

یک مدل احتمالاتی جدید برای بهینهسازی سبد داراییها در قراردادهای بیمه عمر بر مبنای تعهدات بیمهگر

متداول ترین توزیعی که برای برازش به این دادهها مورد استفاده قرار می گیرد، توزیع نرمال است. اما در بسیاری از موارد دادههای مربوط به بازده داراییها دارای توزیعی نامتقارن بوده و مشاهدات مربوطه رفتاری دنبالهای دارند. در این گونه موارد استفاده از توزیع پرمال برای مدل بندی این مشاهدات می تواند گمراه کننده بوده و بر نتایج حاصل از مطالعات مالی تأثیرگذار باشد. در این میان توزیع چوله t برای برازش به بازده داراییها در بلندمدت و در مواردی که نوسان سرمایه زیاد است، توزیع مناسبتری بهشمارمی رود. بههمین دلیل به منظور مقایسه مدل مارکویتز و مدل احتمالاتی پیشنهادی، دو سهام با بازده چوله t به ترتیب با میانگین t0 و t0 و واریانس t0 و و و مقادیر مختلف مارکویتز و مدل احتمالاتی پیشنهادی، دو سهام با بازده چوله t1 را به ازای مقادیر مختلف پارامتر چولگی نشان می دهد. ملاحظه می شود که به ازای مقادیر مختلف پارامتر چولگی، این توزیع شکلهای متفاوتی به خود می گیرد و ازاین رو از انعطاف پذیری بیشتری برای برازش به داده های دارای ساختارهای متفاوت برخوردار است. در مطالعه شبیه شاین انجام شده در این مقالی، مقادیر پارامتر چولگی شدید توزیع بازده داراییها، در نظر گرفته شده است تا بتوان کارایی مدل پیشنهادی را در شرایط مختلفی نظیر تقارن، چولگی خفیف و چولگی شدید توزیع بازده داراییها، مورد ارزیابی و مقایسه قرار داد.



نمودار ۱: تابع چگالی توزیع چوله-t به ازای مقادیر مختلف پارامتر چولگی ۰، $\pm 0./4$ ، $\pm 1./4$ ، $\pm 1./4$ ، $\pm 1./4$

سرمایه گذار با سرمایه اولیه یک واحد با احتمال برابر می تواند در هر یک از این دو سهام سرمایه گذاری نماید. فرض می شود که بیمه گر با افرادی در رده سنی ۱۰ تا ۴۵ سال قرارداد بیمه عمر مادام العمر منعقد کرده است. اگر مقدار پرداختی به بیمه گذار برابر ۱۰۰۰ واحد و نرخ بهره ثابت برابر ۰/۰۶ فرض شود، مقدار حق بیمه فردی X ساله بدون درنظر گرفتن هزینه ها از این رابطه محاسبه شده است:

$$A_x=1000\int_0^{\infty} (1+0/06)^{-t} p_x \mu_x(t) dt$$

t ساله تا زمان t ساله تا زمان t: احتمال زنده ماندن فرد t

ا نیروی مرگ: $\mu_{x}(t)$ -

اگر S_{x+t} تابع بقا باشد، دراین صورت نیروی مرگ ازاین رابطه به دست می آید:

$$\mu_{x}(t) = -\frac{s_{x+t}}{s_{x+t}}$$

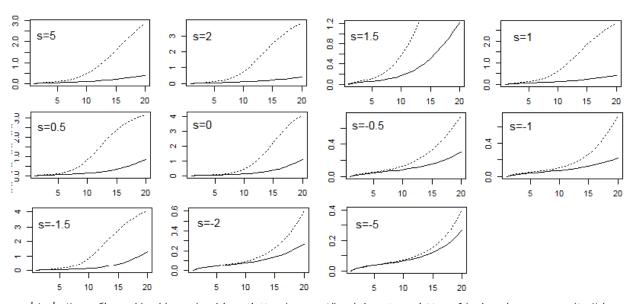
با فرض $\alpha=1$ درصدهای بهینه سرمایه گذاری بر اساس مدل مارکویتز باید به گونهای انتخاب شوند که مقدار عبارت زیر را با فرض $w_1+w_2=1$

¹. Inverse Normal

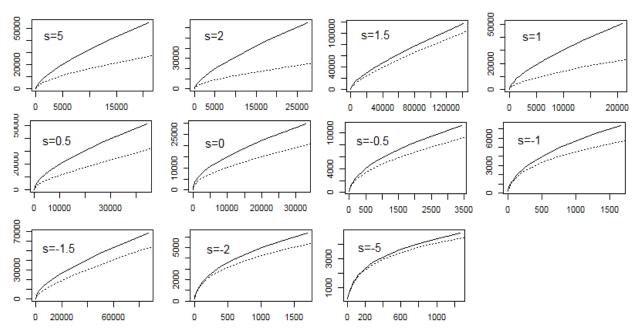
 $w_1E(R_1)+w_2E(R_2)-\frac{1}{2}(w_1\sigma_1^2+w_2\sigma_2^2-2\sigma_1\sigma_2)$

برای مقایسه مدل مارکویتز و مدل پیشنهادی از هر یک از توزیعهای یادشده نمونهای تصادفی به حجم ۳۰ که نشاندهنده بازده سهام طی سی سال گذشته هستند، شبیهسازی می شود. سپس درصدهای سرمایه گذاری بر اساس مدل مارکویتز و مدل احتمالاتی پیشنهادی محاسبه می شوند. مقدار متوسط دارایی و واریانس آن در طول دوره سرمایه گذاری بر اساس درصدهای سرمایه گذاری بهدست آمده از این دو مدل برای یک دوره ۲۰ ساله محاسبه شده است. چون مقادیر بازده شبیهسازی شده ماهیت تصادفی دارند، برای فراهم آوردن شرایط استفاده از تعبیر فراوانی نسبی احتمال و مقایسه پذیری نتایج، فرایند فوق ۲۰۰ بار تکرار شده است.

برای مقایسه بین مدل مارکویتز و مدل احتمالاتی پیشنهادی تنها نمی توان به میانگین مقادیر حاصل از دو مدل استناد کرد. زیرا معمولاً با افزایش متوسط سرمایه، مقدار واریانس آن نیز افزایش پیدا می کند و مبنا قرار دادن این معیار می تواند گمراه کننده باشد. بنابراین معیار ضریب تغییرات که نسبت انحراف معیار به میانگین را اندازه گیری می کند، در این شرایط معیار بسیار قابل اعتماد تری است. نمودار ۲ مقادیر ضریب تغییرات سرمایه حاصل از مدل مارکویتز و مدل احتمالاتی پیشنهادی را به ازای مقادیر مختلف پارامتر چولگی در توزیع چوله - t در برابر زمان نشان می دهد.



همان گونه که مشاهده می شود، مقادیر ضریب تغییرات سرمایه در مدل پیشنهادی در مقایسه با مقادیر متناظر مربوط به مدل مارکویتز کوچک تر هستند. به وضوح ملاحظه می شود که به ازای مقادیر تثبیت شده پارامتر چولگی، اختلاف عملکرد این دو مدل با گذشت زمان و به نفع مدل احتمالاتی پیشنهادی بیشتر می شود. بنابراین می توان گفت در سرمایه گذاری های بلندمدت، مدل احتمالاتی بهتر از مدل مارکویتز عمل می کند. به علاوه ملاحظه می شود که هرچه توزیع بازده سرمایه به سمت راست چولگی بیشتری داشته باشد (این وضعیت عمدتاً توصیف کننده حالتی است که بازار سهام مورد نظر کم رونق بوده و غالب شرکتهای مربوطه کم بازده باشند) اختلاف کارایی مدل پیشنهادی و مدل مارکویتز به نفع مدل پیشنهادی بیشتر می شود. منحنی ریسک بازده (انحراف معیار و متوسط سرمایه) دو مدل نیز در نمودار ۳ نشان داده شده است. مشاهده می شود که به ازای بازده یکسان، ریسک سرمایه گذاری با تکیه بر مدل مارکویتز بیشتر از مدل پیشنهادی است.



با توجه به نتایج به دست آمده، اگر مانند مدل مار کویتز ملاک تعیین درصدهای سرمایه گذاری تنها مقدار میانگین و واریانس بازده دارایی ها باشد (که بر اساس بازده دارایی ها در دوره های قبل محاسبه می شود)، پیش از شروع دوره سرمایه گذاری، این درصدها به گونه ای هستند که مقدار بازده و ریسک را در سطح مطلوبی نشان می دهند، اما در بلندمدت میانگین و واریانس سرمایه در حد مطلوب قرار نمی گیرد و سرمایه گذار متحمل زیان می شود. به عبارت دیگر می توان گفت این مدل پیش از شروع سرمایه گذاری، مطلوبیت سرمایه گذار را برای تعیین سبد دارایی بهینه مد نظر قرار می دهد، ولی در طول دوره سرمایه گذاری، مطلوبیت وی را تأمین نمی کند. مدل پیشنهادی برخلاف مدل مار کویتز درصدهای سرمایه گذاری را با توجه به میزان تعهدات شرکت، مقدار بازده دارایی ها در دوره های قبل و مقدار پیش بینی شده آنها در آینده تعیین می کند و تنها بر مقدار بازده و ریسک دارایی ها در دوره های قبل متمرکز نمی شود.

دادههای واقعی

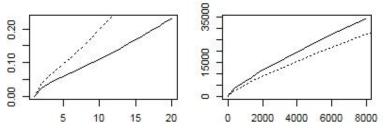
در این بخش کارایی مدل احتمالاتی پیشنهادی این مقاله در مدلبندی یک مجموعه از دادههای واقعی با کارایی مدل سنتی مارکویتز مورد مقایسه قرار گرفته است. برای این منظور از دادههای مربوط به تغییرات قیمت جهانی طلا و سنگ آهن طی سالهای ۱۹۸۱ تا ۱۹۸۱ استفاده شده است. ابتدا بازده سهام مربوط به طلا و سنگ آهن از طریق محاسبه نسبت تفاضل قیمت ثانویه و اولیه به قیمت اولیه محاسبه شده است. سپس وزنهای سرمایه گذاری برای این دو سهام از طریق برازش مدل مارکویتز و همچنین مدل احتمالاتی پیشنهادی برآورد شده است. شده است. سرآورد شده، میانگین و واریانس سرمایه در طول مدت سرمایه گذاری برای یک بازه ۲۰ ساله محاسبه شده است. نمودار ۴ منحنی ریسک - بازده و همچنین نمودار ضریب تغییرات سرمایه در مقابل زمان را نشان می دهد. نمودار ریسک - بازده نشان می دهد که به ازای بازده یکسان، انحراف معیار مدل پیشنهادی نسبت به مدل مارکویتز به طور قابل ملاحظهای کوچکتر است. یعنی ریسک سرمایه گذاری براساس مدل بیشنهادی به مراتب از ریسک سرمایه گذاری براساس مدل مارکویتز کمتر است. نمودار ضریب تغییرات نیز نشان می دهد

۲. دادهها در درگاه <http:www.morgabay.com> قابل دسترسی هستند.

¹. Markowitz Model

یک مدل احتمالاتی جدید برای بهینهسازی سبد داراییها در قراردادهای بیمه عمر بر مبنای تعهدات بیمه گر

که ضریب تغییرات سرمایه بر اساس مدل پیشنهادی در طول مدت سرمایه گذاری از ضریب تغییرات سرمایه در مدل مارکویتز کوچکتر است. بهعلاوه، تفاوت بین ضریب تغییرات سرمایه در این دو مدل با گذشت زمان و به نفع مدل احتمالاتی، بیشتر می شود.



نمودار ۴: منحنی ریسک-بازده (سمت راست) و نمودار ضریب تغییرات سرمایه در مقابل زمان (سمت چپ) مربوط به دادههای قیمت جهانی طلا و سنگ آهن برای مدل مارکویتز (نقطهچین) و مدل احتمالاتی پیشنهادی (خط)

نتایج و بحث

جمع بندی و پیشنهادها

مدلهای معمول بهینهسازی سبد داراییها دارای این نقصان هستند که تعهدات شرکت را نادیده گرفته و تنها بر میزان بازده و ریسک داراییها در لحظه آغازین سرمایهگذاری توجه می کنند. همچنین یکی از مشکلات الگوهای مدیریت داراییها و بدهیها، عدم توجه به نحوه سرمایهگذاری در داراییها و اهمیت آن در رسیدن به اهداف مورد نظر این الگوهاست. به عبارت دیگر، مدیریت داراییها و بدهیها بدون توجه به بهینهسازی داراییها و انتخاب مدل بهینه سرمایهگذاری بدون توجه به میزان تعهدات شرکت، منجر به ارائه الگوهای ناکارآمد در دنیای واقعی میشود. بنابراین، ترکیب الگوهای مدیریت داراییها و بدهیها با بهینهسازی سبد داراییها می تواند در رفع عیوب این الگوها مفید باشد. انتخاب مدل سرمایهگذاری بهینه با تکیه بر میزان داراییها و بدهیها با بهینهسازی سبد داراییها میتواند در رفع عیوب این الگوها مفید باشد. انتخاب مدل سرمایهگذاری بهینه با تکیه بر میزان داراییها و بدهیها در صنعت بیمه، میتواند در کمینه کردن حق بیمه گذار، بیشینه کردن سود پرداختی به سهامداران یا کمینه کردن میزان دریافتی و پرداختی بیمهگذاران و بازده داراییها را به خوبی مد نظر قرار میدستآمده از شبیهسازی و مشاهدات واقعی، انتخاب مدل مار کویتز برای تعیین سرمایهگذاری بهینه در بلندمدت در مواقعی که علاوه بر ریسک داراییها ریسک تعهدات نیز از اهمیت زیادی برخوردار است، کارآمد نیست. زیرا پیش از شروع سرمایهگذاری نتایج مطلوبی را بهدستمیدهد، ولی در طول دوره سرمایهگذاری، مطلوبیت سرمایهگذار را تأمین نمی کند. بهعلاوه هر چه توزیع بازده سرمایهگذاری ناز آینده پیش روی شرکتها داشته باشند و تنها به وضعیت گذشته و حال شرکتها و گذاری در دنیای واقعی مناسب هستند که چشم|ندازی از آینده پیش روی شرکتها داشته باشند و تنها به وضعیت گذشته و حال شرکتها و گزارهای مالی اکتفا نکنند.

منابع و ماخذ

Alexander, G.J.; Babtista, A.M., (2002). Economic implications of using a Mean-VaR Model for portfolio selection, a comparison with Mean-Variance Analysis. J. Econ. Dyn.Control, 26, pp. 1159-93.

Alexander, G.; Baptista, A.; Yun, S., (2008). Bank regulation and international financial stability: A case against the 2006 Basel market risk framework, with Gordon J. Alexander and Shu Yan. Journal of International Money and Finance, Forthcoming.

Basak, S.; Shapiro, A., (1999). VaR based risk management optimal policies and asset prices. Working Paper. The Wharton School.

Black, F.; Scholes, M.J., (1973). The pricing of options and corporate liabilities. Journal of Political Economy, 81, pp. 637-54.

- Bolder, D.J., (2003). A stochastic simulation framework for the government of Canada's debt strategy. Bank of Canada Working Paper, no. 2003-2010.
- Boyle, P., (1978). Immunization under stochastic models of the term structure. Journal of the Institute of Actuaries, 105, pp. 177-87.
- Brannas, K.; Nordman, N., (2003). An alternative conditional asymmetry specification for stock returns. Applied Financial Economic, 13, pp. 537-41.
- Brennan, M.J.; Schwartz, E.S.; Lagnado, R., (1997). Strategic asset allocation. Journal of Economics, Dynamics and Control, 21,pp. 1377-03.
- Briys, E.; Varenne. F., (1997). On the risk of life insurance liabilities: Debunking some common pitfalls. Journal of Risk and Insurance, 64, pp. 37-57.
- Carino, D.R.; Myers, D.H.; Ziemba, W.T., (1998). Concepts, technical issues, and uses of russell-yasuda kasai financial planning model. Operation Research, 46, pp. 450-62.
- Carino, D.R.; Kent, T.; Myers, D.H.; Stacy, C.; Sylvanus, M.; Turner, A.L; Watanate, K.; Chambers, D.; Charnes, A., (1961). Inter-temporal analysis and optimization of bank portfolios. Management Science, 7, pp. 393-409.
- Cohen, K.J.; Hammer, F.S., (1967). Linear programming and optimal bank asset management decisions. Journal of Finance, 22, (2), pp. 147-65.
- Dantzig, G.B., (1955). Linear programming under uncertainty. Management Science, 1, pp. 197-206.
- DeMiguel, V.; Gartappli, L.; Uppal, R., (2002). Optimal versus naive diversification: How inefficient is the 1/N portfolio strategy?. Review of Financial Studies, 22(5), pp. 1215-53.
- Felice, M.; Moriconi, F., (2005). Market based tools for managing the life insurance company. Astin Bullestin. 1(35), pp. 79-111.
- Fisher, L.; Weil, R., (1971). Coping with the risk of interest rate fluctuation: Returns to bondholders from naïve and optimal strategies. Journal of Business. 44, pp. 408-31.
- Gaivoronski, A.; Pflug, G., (2000). Value at risk in portfolio optimization: Properties and computational approach. Working Paper, Norwegian University of Science and Technology.
- Gerstner, T.; Griebel, M.; Holtz, M.; Goschnick, R.; Harp, M., (2008). A general asset-liability management model for the efficient simulation of portfolio of life insurance policies. Insurance, Math and Economics, 42(2), pp. 704-16.
- Grsen, A.; Jorgensen, P., (2000). Fair valuation of life insurance liabilities: The impact of interest rate guarantees, surrender options and bonus policies. Insurance, Math and Economics, 26(1), pp. 37-57.
- Hansen, B., (1994). Autoregressive conditional density estimation. International Economic Review, 35, pp. 705-30.
- Hu, W.; Kercheval, A., (2007). Risk management with generalized hyperbolic distributions. Proceedings of the Fourth IASTED International Conference on Financial Engineering and Applications, pp. 19–24.
- Hilli, P.; Koivu, M.; Pennanen, T.; Ranne, A., (2007). A stochastic programming model for asset-lability management of a finnish pension company. Annals of Operations Research, 39, pp. 115-52.
- Ibragimor, R., (2000). Portfolio diversification and value at risk under thich-taildnes. Harvard Institute of Economic Research Discussion Paper.
- Jenssen. J., (1993). Asset-liability management for banking and insurance. Proceedings of the ISI 49th Session, Firenze, pp. 253-69.
- Jenssen, F., (1994). Operationally for the asset-liability management. 4th AFIR International Colloquium 2, pp. 877-905.
- Kusy, M.I.; Ziemba, W.T., (1986). A bank asset and liability management model. Operation Research, 34(3), pp. 356-76.
- Levy, H., (1994). Portfolio composition and the investment horizon. Financial Analysts Journal, 1, pp. 51-56.
- Markowitz, H., (1952). Portfolio selection. Journal of Finance, 7(1), pp. 77-91.

نشریه علمی پژوهشنامه بیمه دوره ۲، شماره ۴، پاییز ۱۳۹۲، شماره پیاپی ۶، ص ۳۲۹-۳۲۹

- Markowitz, H., (1959). Portfolio selection: Efficient diversification of investments. New York: John Wiley & Sons.
- Merton, R.C., (1969). Lifetime portfolio selection under uncertainty: The continuous- time case. The Review of Economics and Statistics, 51(3), pp.247-57.
- Merton, R.C., (1990). Continuous-time finance. USA: Blackwell Publishing.
- Mulvey, J.M., (1992). Stochastic network programming for financial planning problems. Management Science, 38, pp. 1642-64.
- Mulvey, J.M.; Chen, Z., (1996). An empirical evaluation of the fixed- mix investment strategy. Princeton University Report SOR-96-21.
- Nielsen, S.S.; Zenios, S.A., (1996). A stochastic programming model for finishing single premium differed annuities. Mathematical Programming, 75, pp. 177-200.
- Norstad, J., (1999). An introduction to portfolio theory. http://www.norstad.org [Accessed 28-May-2012].
- Norton, V., (2009). Some problems with the markowitz mean-variance model. http://www.vic.norton.name 17-March-2012.
- Perold, A.F.; Sharpe, W.F., (1988). Dynamic strategic for asset allocation. Financial Analysts Journal, 1, pp. 16-27.
- Persson, S.; Miltersen, K., (2003). Guaranteed investment contracts: Distributed and undistributed excess returns. Actuarial Journal, 23, pp. 275-79.
- Redington, F., (1952). Review of The principals of life-office valuations. Journal of the Institute of Actuaries, 78, pp. 286-340.
- Samuelson, P.A., (1969). Lifetime portfolio selection by dynamic stochastic programming. Review of Economics and Statistics, 51(3), pp. 239-46.
- Shin, E.S., (1987). On the fisher-weil immunization theorem. Insurance: Mathematics and Economics, 6, pp. 259-66.
- Smink, M., (1994). A numerical examination of asset-liability management strategies. AFIR 1994 Proceedings, 2, pp. 969-97.
- Tsao, C.H., (2010). Portfolio selection based on the mean-vaR efficient Frontier. Routledge, Quantitative Finance, 10(8), pp. 931-45.
- Zenios, S.A., (1995). Asset and liability management under uncertainty for fixed income securities. Annals of Operations Research, 59, pp. 77-98.
- Zenios, S.A.; Ziemba, W.T., (2006). Handbook of asset and liability management. Elsevier. B. V.
- Ziemba, W.T., (1994). Multistage stochastic programming. Interfaces, 24(1), pp. 29-49.